

1. सरल आवर्त गति के लिए,

$$\frac{d^2y}{dt^2} \propto -y$$

यदि

$$y = A \sin^2 \omega t$$

$$\begin{aligned} \frac{dy}{dt} &= (2A \sin \omega t \cos \omega t) \omega \\ &= A \omega \sin 2\omega t \\ \frac{d^2y}{dt^2} &= +2 A \omega^2 \cos 2\omega t \end{aligned}$$

यानि, $\frac{d^2y}{dt^2}, -y$ के समानुपाती नहीं हैं।

2. $y = A \sin(\omega t + \phi)$

जब समय चरम स्थिति $y = A$ से मापना प्रारम्भ किया जाता है ($t = 0$), तब

$$A = A \sin(0 + \phi)$$

$$\text{यानि } \phi = (\pi/2)$$

अतः गति का समीकरण होता जाता है :

$$y = A \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) = A \cos \omega t$$

अब यहाँ पर $y = (A/2)$, अतः

$$(A/2) = A \cos \omega t \text{ यदि, } \omega t = \cos^{-1}(1/2)$$

$$\text{या } \frac{2\pi}{T} t = \frac{\pi}{3} \text{ या } t = \frac{T}{6}$$

4. $K = \frac{1}{2} m \omega^2 (A^2 - y^2), U = \frac{1}{2} m \omega^2 y^2$

$$K = U \text{ या } \frac{1}{2} m \omega^2 (A^2 - y^2) = \frac{1}{2} m \omega^2 y^2$$

$$\text{यानि } 2y^2 = A^2 \text{ या } y = \frac{A}{\sqrt{2}}$$

5. चरम स्थिति पर गोले का वेग शून्य होता है। अतः गेंद का स्थानान्तरित संवेग भी शून्य है।

7. अकेले द्रव्यमान m_2 के साथ, स्प्रिंग का विस्तार l दिया जाता है,

$$m_2 g = kl \quad \dots(1)$$

द्रव्यमान $(m_1 + m_2)$ के साथ, स्प्रिंग का विस्तार l' दिया जाता है,

$$(m_1 + m_2) g = k(l + \Delta l) \quad \dots(2)$$

विस्तार में वृद्धि Δl है जो कम्पनों का आयाम है।

समीकरण (2) में से समीकरण (1) घटाने पर,

$$m_1 g = k \Delta l \text{ या } \Delta l = \frac{m_1 g}{k}$$

8. जब लोलक का ऋणावेशित गोला धनावेशित सतह के ऊपर गति करता है, तब लोलक पर कार्य करने वाला बल केवल mg ही नहीं होता बल्कि एक वैद्युत बल Fe भी होता है। जिसके कारण प्रत्यानयन बल $-mg \sin \theta$ से $-mg' \sin \theta$ तक परिवर्तित होता है। जहाँ

$$g' = g + \frac{Fe}{m}$$

$$\text{चूंकि } T' \propto \frac{1}{\sqrt{g'}}, \text{ अतः } T' < T$$

9. स्थिरिज ऊर्जा तथा गतिज ऊर्जा का दोलनकाल, सरल आवर्त गति का आधा होता है।

10. दोनों द्रव्यमानों की गतिज ऊर्जाएँ बराबर हैं। अतः

$$\frac{1}{2} k_1 A_1^2 = \frac{1}{2} k_2 A_2^2 \text{ या } \frac{A_1}{A_2} = \sqrt{\frac{k_2}{k_1}}$$

$$12. K = \frac{1}{2} m \omega^2 (A^2 - y^2) = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \left(1 - \frac{y^2}{A^2}\right)$$

जब

$$y = \frac{A}{2}, K = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \left(1 - \frac{1}{4}\right)$$

$$= \frac{3E}{4} \text{ (जहाँ } E = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2)$$

13. बल नियतांक k_1 वाली पहली दो समान स्प्रिंगों के समान्तर संयोजन के लिए प्रभावी स्प्रिंग नियतांक $k_p = 2 k_1$

अब, नियतांक k_p और k_2 वाली स्प्रिंगों को श्रेणीक्रम में जोड़ा गया है। अतः इस संकाय का बल नियतांक या स्प्रिंग नियतांक,

$$\frac{1}{k_s} = \frac{1}{k_p} + \frac{1}{k_2}$$

$$\therefore k_s = \left(\frac{1}{k_p} + \frac{1}{k_2} \right)^{-1} = \left(\frac{1}{2 k_1} + \frac{1}{k_2} \right)^{-1}$$

14. सरल आवर्त गति में कण की कुल ऊर्जा नियत रहती है, अतः विकल्प (c) सही है।

15. ढाल का कोई महत्व नहीं है। दोलनकाल $T = 2\pi\sqrt{(M/2k)}$

20. A से O तक और O से A तक जाने में लोलक द्वारा लिया गया समय $= \frac{T}{2}$,

दोलनों का आवर्तकाल $\propto \sqrt{L}$

$$\therefore \frac{T_1}{T} = \sqrt{\frac{L/4}{L}} = \frac{1}{2} \text{ या } T_1 = \frac{T}{2}$$

आधे दोलन को पूरा करने में लिया गया समय $= \frac{T}{4}$

$$\text{दोलनों का कुल दोलनकाल} = \frac{T}{2} + \frac{T}{4} = \frac{3T}{4}$$

23. तीनों स्प्रिंगों का समतुल्य बल नियतांक,

$$k_{eq.} = \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2} = \frac{k \times 2k}{3k} = \frac{2k}{3}$$

$$\therefore \text{दोलनकाल, } t = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k_{eq}}} = 2\pi\sqrt{\frac{m}{2k/3}} = 2\pi\sqrt{\frac{3m}{2k}}$$

$$25. T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$$

$$\therefore \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} = \sqrt{\frac{1.2l_1}{l}} = 1.1 \quad T_2 = 1.1T_1$$

$$27. x = \frac{Mg}{k_1} + \frac{Mg}{k_2}$$

$$42. \text{ समानीत द्रव्यमान, } \mu = \frac{(m)(m)}{m+m} = \frac{m}{2}$$

दिया हुआ संकाय, दुर्गम्यता (stiffness) k वाले स्प्रिंग से जुड़े हुए $\frac{m}{2}$

द्रव्यमान वाले कण के संकाय के समतुल्य है।

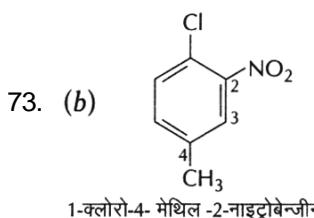
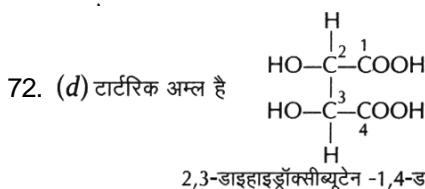
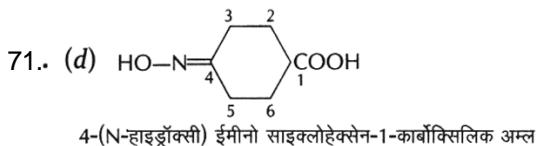
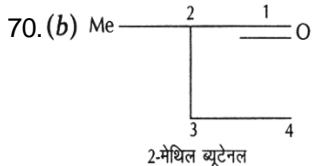
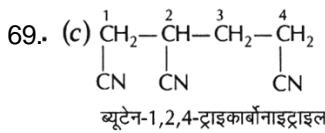
आवश्यक दोलनकाल,

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{\mu}{k}} = 2\pi\sqrt{\frac{m/2}{k}} = \pi\sqrt{\frac{2m}{k}}$$

43. गुटके पर कार्य करने वाले बल qE, mg और स्प्रिंग बल हैं। चूंकि qE और mg नियत बल हैं, तब केवल परिवर्तनीय प्रत्यास्थ बल, kx से परिवर्तित होता है जहाँ x स्प्रिंग की लम्बाई में वृद्धि है।

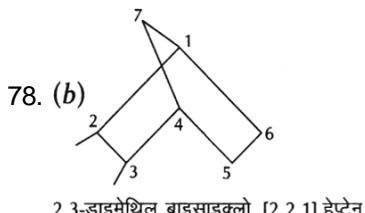
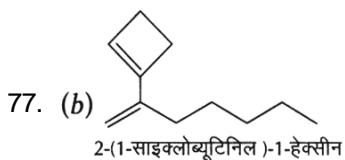
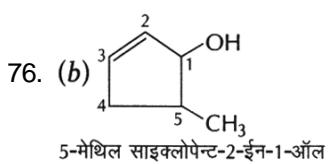
\therefore असन्तुलित (प्रत्यानयन बल)

$$F = -kx \text{ या } -m\omega^2 x = -kx$$

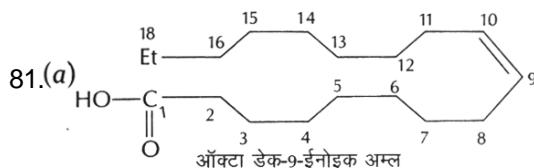
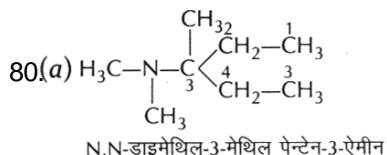


74. (d)

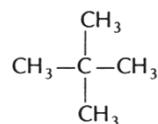
75. (d) यौगिक 2,2'-बाइपिरिडीन की संरचना निम्न है



79. (d) (I) $\text{CH}_3-\overset{\text{sp}^3}{\underset{\text{H}}{\text{C}}}=\overset{\text{sp}^3}{\text{CH}_2}-\overset{\text{sp}^3}{\text{CH}_2}-\overset{\text{sp}^3}{\text{CH}_3}$ केवल sp^3 संकरित कार्बन
 (II) $\text{CH}_2-\overset{\text{sp}^3}{\text{CH}}=\overset{\text{sp}^2}{\text{CH}}-\overset{\text{sp}^2}{\text{CH}}=\overset{\text{sp}^3}{\text{CH}_3}$ केवल sp^2 तथा sp^3 दोनों संकरित कार्बन
 (III) $\text{CH}_2=\overset{\text{sp}^2}{\text{CH}}-\overset{\text{sp}^2}{\text{CH}}=\overset{\text{sp}^2}{\text{CH}}=\overset{\text{sp}^2}{\text{CH}_2}$ केवल sp^2 संकरित कार्बन
 (IV) $\text{H}-\overset{\text{sp}}{\text{C}}\equiv\overset{\text{sp}}{\text{C}}-\text{H}$ केवल sp -संकरित कार्बन

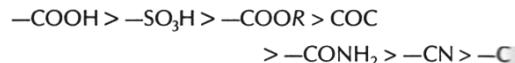


82. (b) निम्न-पेन्टेन की संरचना निम्न है

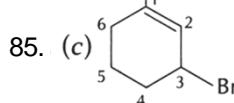
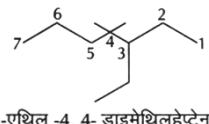


आई. यू. पी. ए. सी. नाम : 2,2-डाइमेथिल प्रोपेन

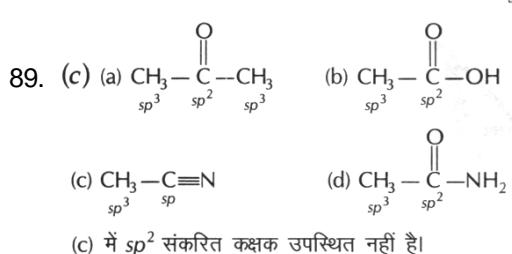
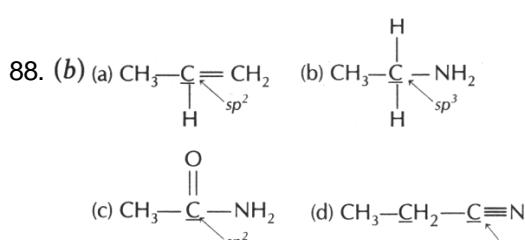
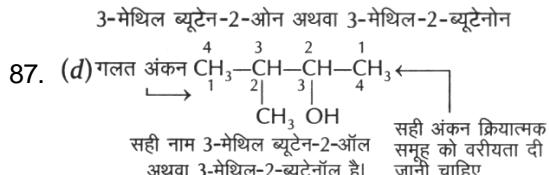
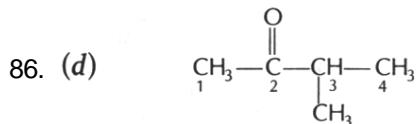
83. (a) कार्बनिक यौगिकों के नामकरण की आई. यू. पी. ए. सी. पद्धति के अनुसार क्रियात्मक समूहों की वरीयता का क्रम निम्न है



84. (d)



अंसरृपता (द्विआन्ध्य) को हैलोजन की अपेक्षा वरीयता दी जाती है। अंसरृपता सही आई. यू. पी. ए. सी. नाम 3-ब्रोमो-1-क्लोरोसाइक्लोहेक्सेन है।



90. (d) —OH समूह वाले कार्बन को C₁ अंकन करते हैं। अतः यौगिक का आई. यू. पी. ए. सी. नाम 3, 3-डाइमेथिल -1-साइक्लोहेक्सेनॉल है।